

ОЦЕНКА ДИНАМИКИ ИЗУЧАЕМОГО ПСИХИЧЕСКОГО ЯВЛЕНИЯ

Динамика психического процесса может быть оценена на основе сравнения выборочных средних величин. Сравнение абсолютных значений этих величин можно осуществлять применением t-критерия Стьюдента:

$$t = \frac{|\bar{x} - \bar{y}|}{\sqrt{m_x^2 + m_y^2}} \quad (1),$$

где \bar{x} - среднее значение переменной по одной выборке данных;

\bar{y} - среднее значение переменной по другой выборке данных;

m_x , m_y - показатели отклонений частных значений из выборок переменных x и y от соответствующих им средних величин, вычисляемые по формулам:

$$m_x^2 = \frac{\sigma_x^2}{n_x}; \quad m_y^2 = \frac{\sigma_y^2}{n_y},$$

где σ_x^2 - выборочная дисперсия по выборке переменной X ;

σ_y^2 - выборочная дисперсия по выборке переменной Y ;

n_x , n_y , - число частных значений переменной в выборке X и Y соответственно.

Алгоритм оценки статистической достоверности различий выборочных средних сводится к следующему: - по формуле 1 рассчитать показатель t ;

- определить число степеней свободы $(n_x + n_y - 2)$;

- задаться вероятностью допустимой ошибки (она может быть 0,05; 0,01 и 0,001);

- найти табличное значение t для заданного числа степеней свободы и избранной вероятности допустимой ошибки (табл. 1); - сравнить найденное табличное значение t с расчетным;

- если вычисленное значение t больше или равно табличному, то сравниваемые средние значения из двух выборок действительно статистически достоверно различаются с вероятностью допустимой ошибки, меньшей или равной избранной.

Вероятность допустимой ошибки, равная или меньшая 0,05 считается достаточной для научно-убедительных выводов. Чем меньше эта вероятность, тем точнее и убедительнее делаемые выводы. Например, избрав вероятность допустимой ошибки, равную 0,05, мы допускаем ошибку, не превышающую 5%; а выбор

вероятности допустимой ошибки 0,001 гарантирует точность расчетов. превышающую или равную 99,9%, или ошибку, меньшую или равную 0,11%.

Пример: пусть имеем две выборки экспериментальных данных 4, 7, 8, 3,4,6,7,5,6,6, и 5, 6, 6,7,7,7, 7, 8, 8,9. Определим их средние арифметические значения:

$$M_x = \frac{3 + 4 \cdot 2 + 5 + 6 \cdot 3 + 7 \cdot 2 + 8}{10} = 5,6$$

$$M_y = \frac{5 + 6 \cdot 2 + 7 \cdot 4 + 8 \cdot 2 + 9}{10} = 7$$

На первый взгляд, кажется, что они существенно отличаются друг от друга. Но так ли это и насколько статистически достоверны эти различия. На этот вопрос можно ответить, определив t-критерий Стьюдента.

Определим выборочные дисперсии для двух сравниваемых выборок:

$$\sigma_x^2 = \frac{(-2,6)^2 + (-1,6)^2 + (-0,6)^2 + 0,4^2 \cdot 3 + 1,4^2 \cdot 2 + 2,4^2}{10} = 2,3$$

$$\sigma_y^2 = 1,2$$

Вычислим показатель t, подставив найденные значения \bar{X} , \bar{Y} , σ_x^2 , и σ_y^2 , в формулу 7:

$$t = \frac{|5,6 - 7|}{\sqrt{\frac{2,3}{10} + \frac{1,2}{10}}} = \frac{1,4}{0,4} = 2,3$$

Таблица 1

Критические значения t-критерия Стьюдента

Число степеней свободы ($n_x + n_y - 2$)	Вероятность допустимой ошибки		
	0.05	0.01	0.001
4	2,78	5,60	8,61
5	2,58	4,03	6,87
6	2,45	3,71	5,96
1	2,37	3,50	5,41
8	2,31	3,36	5,04
9	2,26	3,25	4,78
10	2,23	3,17	4,59
11	2,20	3,11	4,44
12	2,18	3,05	4,32
13	2,16	3,01	4,22
14	2,14	2,98	4,14
15	2,13	2,96	4,07
16	2,12	2,92	4,02
17	2,11	2,90	3,97
18	2,10	2,88	3,92
19	2,09	2,86	3,88
20	2,09	2,85	3,85
21	2,08	2,83	3,82
22	2,07	2,82	3,79
23	2,07	2,81	3,77
24	2,06	2,80	3,75
25	2,06	2,79	3,73
26	2,06	2,78	3,71
27	2,05	2,77	3,69
28	2,05	2,76	3,67
29	2,05	2,76	3,66
30	2,04	2,75	3,65
40	2,02	2,70	3,55
50	2,01	2,68	3,50
60	2,00	2,66	3,46
80	1,99	2,64	3,42
100	1,98	2,63	3,39

Сравним полученное значение с табличным для числа степеней свободы $10+10-2 = 18$. Зададим вероятность допустимой ошибки, равную 0,05 и убедимся в том, что значение t должно быть не меньше чем 2,1. У нас этот показатель равен 2,3, следовательно, выборочные средние статистически достоверно отличаются друг от друга с вероятностью допустимой ошибки не более 5%.

(хи - квадрат критерий)

Нередко возникает задача сравнения не абсолютных средних значений, а частных (например, процентных) распределений данных. В этом случае можно воспользоваться статистикой, именуемой X^2 - критерий (хи - квадрат критерий).

$$X^2 = \sum_{k=1}^s \frac{(V_k - P_k)^2}{P_k} \quad (2),$$

где P_k - частоты результатов наблюдений до эксперимента;

V_k - частоты результатов наблюдений после эксперимента;

S - общее число групп, на которые разделились результаты наблюдений.

Полученное расчетным путем значения X^2 сопоставляется с табличным (табл. 2) и в случае его превышения или равенства делается вывод о значимости различий с определенной вероятностью допустимой ошибки.

Таблица 2

Граничные (критические) значения X^2 - критерия

Число степеней свободы (S -1)	Вероятность допустимой ошибки		
	0.05	0.01	0,001
1	3,84	6,64	10,83
2	5.99	9,21	13,82

3	7,81	11,34	16,27
4	9,49	13,23	18,46
5	11,07	15,09	20,52
6	12,59	16,81	22,46
7	14,07	18,48	24,32
8	15,51	20,09	26,12
9	16,92	21,67	27,88
10	18,31	23,21	29,59

Например, из 100 испытуемых, отобранных для эксперимента по оценке динамики объема кратковременной памяти до начала эксперимента 30 человек показали результаты ниже средних,

50-средние и 20-выше средних. После проведения формирующего эксперимента результаты распределились следующим образом: 20 человек показали результаты ниже среднего, 40-средние и 40 выше среднего уровня.

Можно ли опираясь на эти данные утверждать, что формирующий эксперимент, направленный на увеличение объема кратковременной памяти, удался?

Для ответа на данный вопрос воспользуемся формулой 9. В данном примере переменная P_k принимает значение 30%, 50%, 20%, а V_k - 20%, 40%, 40%. Подставив эти значения в формулу 9, получим:

$$\chi^2 = \frac{(20+30)^2}{30} + \frac{(40-50)^2}{50} + \frac{(40-20)^2}{20} = 3,33 + 2 + 20 = 25,33$$

Воспользуемся теперь таблицей 2, где для заданного числа степеней свободы ($8 - 1 = 3 - 1 = 2$) можно определить степень значимости различий объема кратковременной памяти до и после эксперимента. Полученное нами значение 25,33 больше соответствующего табличного значения 13~2 при вероятности допустимой ошибки меньше 0,1%. Следовательно, эксперимент удался, и мы можем это утверждать, допуская ошибку, не превышающую 0,1%.

Нередко в психологическом эксперименте возникает задача сравнения дисперсий двух выборок с целью выявления различий между ними. Такого рода задачи решаются при помощи критерия Фишера:

$$F(n_1 - 1, n_2 - 1) = \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} \quad (3),$$

где n_1, n_2 - количество значений признака в первой и второй из сравниваемых выборок соответственно;

$(n_1 - 1, n_2 - 1)$ - число степеней свободы;

σ_1^2, σ_2^2 - дисперсия по первой и второй выборке соответственно.

Вычисленное с помощью этой формулы значения F-критерия сравнивается с табличным (табл. 3) и если оно превосходит табличное для данного числа степеней свободы и избранной вероятности допустимой ошибки, то делается вывод о том, что гипотеза о наличии различий в дисперсиях подтвердилась. В противном случае такая гипотеза отвергается и дисперсии считаются равными.

Таблица 3 - Граничные значения F-критерия для вероятности допустимой ошибки 0,05

n_1	3	4	5	6	8	12	16	24	50
3	9,8	9,91	9,01	8,94	8,84	8,74	8,69	8,64	8,58
4	6,59	6,39	6,26	6,16	6,04	5,91	5,84	5,77	5,70
5	5,41	5,19	5,05	4,95	4,82	4,68	4,60	4,58	4,44
6	4,76	4,53	4,39	4,28	4,15	4,00	3,92	3,84	3,75
8	4,07	3,84	3,69	3,58	3,44	3,28	3,20	3,12	3,03
12	3,49	3,26	3,11	3,00	2,85	2,69	2,60	2,50	2,40
16	3,24	3,00	2,85	2,74	2,59	2,42	2,33	2,24	2,13
24	3,01	2,78	2,62	2,51	2,36	2,18	2,09	1,98	1,86
50	2,79	2,56	2,40	2,29	2,13	1,95	1,85	1,74	1,60

Например, имеем два ряда значений объема внимания: 4, 6, 5, 7, 3, 4, 5, 6 и 2, 7, 3, 6, 1, 8, 4, 5. Средние значения для двух этих рядов соответственно равны 5,0 и 4,5. Их дисперсии составляют 1,5 и 5,25. Частное от деления большей дисперсии на меньшую составляет 3,5 (показатель F). Сравнивая его с табличным значением для $n_1 = n_2 = 8$ (оно равно 3,44), приходим к выводу о различиях в дисперсиях выборок на уровне значимости более 95%. или с вероятностью допустимой ошибки не более 5%.